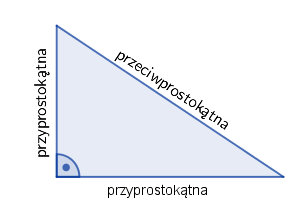
**Drodzy Uczniowie!!!**

**Temat: Trójkąty prostokątne.**

**Temat2: Pole trójkąta.**

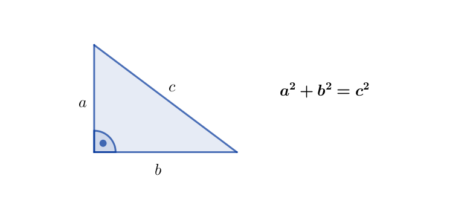
Przypominamy sobie wiadomości dot. trójkąta prostokątnego i wzorów na pole trójkąta.

Najpierw wprowadzimy definicję trójkąta prostokątnego.

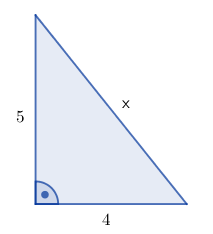
Trójkąt prostokątny jest to trójkąt, którego jeden z kątów wewnętrznych jest kątem prostym.  


Uwaga: Mówiąc przyprostokątna nie precyzujemy o którą z dwóch przyprostokątnych nam chodzi.

Twierdzenie Pitagorasa będziemy wykorzystywać do obliczania długości jednego boku trójkąta znając długości dwóch pozostałych boków. Możemy z niego korzystać tylko dla trójkątów prostokątnych.

**Twierdzenie Pitagorasa**  
Jeżeli trójkąt jest prostokątny, to kwadrat długości przeciwprostokątnej jest równy sumie kwadratów długości przyprostokątnych.  


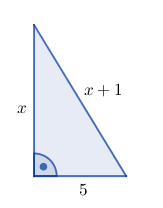
**Przykład 1:** W trójkącie prostokątnym przyprostokątne mają długość 4 i 5. Znajdź przeciwprostokątną.

Rozwiązanie:  
  
Korzystamy z twierdzenia Pitagorasa:

25+16=  
=41  
x=√41

x=41  
Odpowiedź: Przeciwprostokątna ma długość √41

**Przykład 2**: W trójkącie prostokątnym krótsza przyprostokątna ma długość 5, a przeciwprostokątna jest o 1 dłuższa niż dłuższa przyprostokątna. Znajdź długość boków tego trójkąta.

Rozwiązanie:  
  
Korzystamy z twierdzenia Pitagorasa:  
+52=(

+25= +2x+1  
24=2x  
x=12  
x+1=13  
Odpowiedź: Długości boków wynoszą 5, 12 i 13.

**Przykład 3**: Obwód trójkąta prostokątnego wynosi 30, a jego boki to: x, 17-x, 2x+3. Znajdź pole tego trójkąta.

Rozwiązanie:  
Obliczmy x:  
30=x+17−x+2x+3  
30=2x+20  
2x=10  
x=5  
Otrzymujemy, że miary boków są następujące: 5, 12, 13.   
Zatem bok długości 13 jest przeciwprostokątną. Obliczmy pole trójkąta P=12⋅5⋅12=30P=12⋅5⋅12=30  
Odpowiedź: Pole trójkąta wynosi 30.

**Twierdzenie odwrotne do Twierdzenia Pitagorasa** mówi nam o tym, że jeżeli w danym trójkącie suma kwadratów dwóch krótszych boków jest równa kwadratowi najdłuższego boku, to taki trójkąt jest na pewno trójkątem prostokątnym. Możemy zatem zapisać, że:

jeżeli a2+b2=c2 to trójkąt jest prostokątny jeżeli a2+b2=c2 to trójkąt jest prostokątny

To oznacza, że tak jak Twierdzenie Pitagorasa wykorzystujemy do obliczeń długości poszczególnych boków, tak teraz możemy za jego pomocą wykazać/udowodnić, że dany trójkąt jest prostokątny. Przyda się to w szczególności w zadaniach dowodowych. W ramach pewnej ciekawostki możemy rozszerzyć tę wiedzę i zapisać, że: jeżeli a2+b2>c2 to trójkąt jest ostrokątny jeżeli a2+b2<c2 to trójkąt jest rozwartokątny

**Przykład4:**

Czy trójkąt o bokach długości 5cm,10cm,12cm5cm,10cm,12cm jest trójkątem prostokątnym?

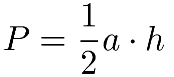
Aby rozstrzygnąć, czy nasz trójkąt jest prostokątny, musimy sprawdzić czy suma kwadratów dwóch najkrótszych boków będzie równa kwadratowi najdłuższego boku.

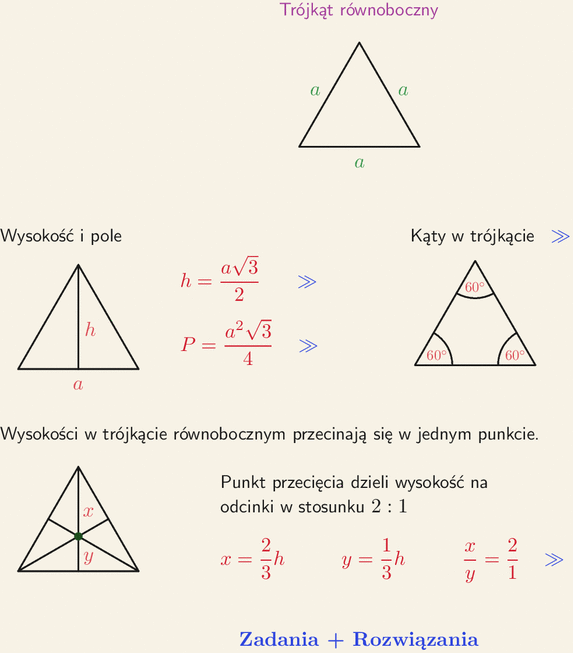
a2+b2=52+102=25+100=125

c2=122=144 zatem a2+b2≠c2 a2+b2=52+102=25+100=125 c2=122=144

zatem a2+b2≠c2

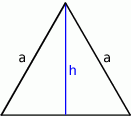
To oznacza, że ten trójkąt nie jest trójkątem prostokątnym. Korzystając z naszej ciekawostki możemy za to dodać, że jest to trójkąt rozwartokątny, bo a2+b2, czyli 125, jest mniejsze od c2, które było równe 144.

**Wzór na pole dowolnego trójkąta:**



**Przykład 4**. Wyznacz pole trójkąta równobocznego, którego wysokość jest o 1 cm krótsza od boku tego trójkąta.

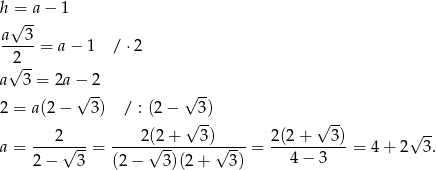
Możemy zacząć od szkicowego rysunku.



Skorzystamy ze wzorów na wysokość i pole trójkąta równobocznego:



Z treści zadania i ze wzoru na wysokość mamy równanie



**Proszę przeanalizować powyższe zadania i zapamiętać twierdzenia i wzory.**